## 第1学年 数学科学習指導案

日 時：平成19年11月20日（火） 5 校時
学 級：淡路市立東浦中学校
1年1組 男子19名，女子19名
場 所：アクティブルーム

1．単元名 比例と反比例

2．単元について
本単元は小学校にさかのぼれば，6年生の「変わり方を調べよう」という単元につなが っている。その中で「比例」という言葉をはじめて学習している。その時の定義としては，表の中にある関係から『一方の量（ $\square$ ）の値が 2 倍， 3 倍，••・になると，それにとも なってもら一方の量（○）の値も 2 倍， 3 倍，••・になるとき，「○は口に比例する」 といいます。』と学習している。また，その表からグラフを書くことで比例のグラフが，原点を通る直線であることも学習している。このような学習を通して，2つ の数量関係を イメージとして捉えるのではなく，表やグラフの数学的な方法を用いることで，明確にと らえようとしてきた。また，身の回りにある様々な事象には，2つの数量関係が何らかの規則のもと成り立っていることが多く潜んでいる。「今月の電話料金は高いはずだ。」こ れは「今月は電話を多く使つたから，料金が高くなる。」という考え，つまり料金と通話時間の間に比例の関係があるといら認識に支えられた判断である。このような日常におけ る関数的な見方は，そのことを意識するしないにかかわらず，2つの数量関係を捉える根拠として重要な役割を果たすといってよい。更には，今後は比例関係だけでは説明できな い要素があることに着目し，その仕組みを表やグラフを用いて数学的な見方や考え方で分析し直すことで，より効果的によりよい判断に結びついていくことになる。このように，社会現象や自然現象の中にあるさまざまな因果関係や対応関係を把握したり分析する力 は，多くの判断が必要とされる社会生活において不可欠な力である。この力は，「比例と反比例」で扱う「表」，「式」「グラフ」と密接な関係にある。本単元は，この力を育成 するという点において，また今後の数学学習において果たす 役割は大きい。

そこで，本単元では変化の様子を数学的に考察して いく力を養うことに主眼を置きたい。数学的に考察し ていくと言うことは，事象の変化を数値に表す【数値化】，変化や対応の様子を表やグラフに表し判断する【図式化】，変化する数をx，y で表し数量関係をy $=\mathrm{a} \mathrm{x}$ などの一般的な式でとらえる【一般化】等があ げられる。これらを活用し変化の様子を多角的にとら
 えられるようにしていきたい。また，表現の仕方は異 なるが，この数値化，図式化，一般化したものすべてが同じ事柄を表していることを認識 させ，その時々に応じて必要な形態を選択し分析できるようにさせていきたい。

3．単元の目標
－具体的な事象の中にある 2 つの数量関係のなかにある比例•反比例の関係を見いだすこ とができる。

- 表や式，グラフを用いて，比例•反比例を表したり，その特徴を調べることができる。
- 比例や反比例などの関係を表や式，グラフに表し，それらの表現の有用性を感得する。

4．単元指導計画（ 全 13 時間 ）

| ブラックボックス | ••• | 1 時間 |
| :--- | :--- | :--- |
| 比例する量 | ••• | 3 時間（本時 $2 / 3$ 時間目） |
| 座標 | ••• 1 時間 |  |
| 比例のグラフ | ••• 2 時間 |  |
| 反比例する量 | •••• 2 時間 |  |
| 反比例のグラフ | •••• 1 時間 |  |
| 比例と反比例の利用 | •••• 2 時間 |  |
| まとめ | •••• 1 時間 |  |

5．本時の指導
（1）本時の目標
－具体的な事象の中にある 2 つの数量関係を表や式で表し，その様子から比例であ ることを見いだすことができる。
－ある 2 つの数量関係を表すのに表や式で表したときの共通点を知る。
（2）本時の展開


| （2）ビデオで実験の様子を見て，0，1，1 0 分のそれぞれの長さを表にしていく。 <br> 【数値化】 <br> （3）それぞれ何分後に消えるか考える。 <br> 【一般化】 | － 1 分後の状態は変化がわかりにくいので 10 分後の長さを調べ，そこから 1 分の長 さを計算で求めさる。 <br> －ビデオにすることで実験時間の短縮と意図した結果を得ることができる。 <br> －小学校での学習を基に表を活用して求め ようとする者，式を作りそれを利用して求 めようとする者それぞれの意見を出させた い。 <br> 評価 <br> 表もしくは式を使い，数学的に解決しよ らとしているか。＜観察・シート＞ |
| :---: | :---: |
| ある 2 つの数量関係を表すのに図，表，式で表したときの共通点を知る。 |  |
| （4）図，表，式がどれも同じ事象を表してい ることを知り，それぞれに現れる共通点を考える。 <br> （5）班にして関数トランプのルールを聞き， ゲームをする。 | －前時に学習した B B を想起させそれと表式をつないでいくことから共通点を探ら せる。 <br> －理解が十分でない生徒に班の中で教えあ ったり，教師が支援に当たる。 <br> 評価 <br> 図，表，式の共通点を理解し，積極的 に取り組めているか。＜観察＞ |
| （6）学習シートに感想を書き込む。 | －今日の学習を振り返らせ本時のまとめと する。 <br> － 2 つのねらいを意識できているかを確認 し次時にいかす。 |

## ＜メモ欄＞

